

## Topologie II Blatt 12

---

### 45 | Egres & Segre

Jede Abbildung  $\mathbb{C}\mathbb{P}^3 \rightarrow S^2 \times S^2$  induziert auf  $\tilde{H}_*(-, \mathbb{Z})$  die Nullabbildung.

Gibt es eine Abbildung in entgegengesetzter Richtung, die auf  $\tilde{H}_*(-, \mathbb{Z})$  nicht-trivial ist? Gibt es eine Abbildung in entgegengesetzter Richtung, die auf  $H_4(-, \mathbb{Z})$  nicht-trivial ist?

### 46 | Phantome

Sei  $f: X \rightarrow Y$  eine stetige Abbildung, die die Nullabbildung induziert auf allen reduzierten Homologie- und Kohomologiegruppen  $\tilde{H}_*(-, G)$  und  $\tilde{H}^*(-, G)$  mit Koeffizienten in beliebigen abelschen Gruppen  $G$ . Ist  $f$  notwendigerweise nullhomotop?

Sei  $g: X \rightarrow Y$  eine stetige Abbildung zwischen wegzusammenhängenden Räumen, die die Nullabbildung induziert auf allen Homotopiegruppen  $\pi_1(-), \pi_2(-), \dots$ . Ist  $g$  notwendigerweise nullhomotop?

### 47 | Hopfformel

Eine notwendige Bedingung für die Existenz einer Quadratsummenformel vom Typ  $[r, s, n]$  mit Koeffizienten in  $\mathbb{R}$  ist, dass  $\binom{i}{n}$  für alle  $i \in \{n - s, \dots, r\}$  gerade ist.

*(Einfachste Lösung: Führen Sie die Beweisskizzen aus §0 und §11 zusammen, und ergänzen Sie alle Details außer der Berechnung von  $H^*(\mathbb{R}P^n, \mathbb{Z}/2)$ .)*

### 48 | Hopflos

Auf den Räumen  $S^{2n}$  und  $\mathbb{C}\mathbb{P}^n$  kann für  $n > 0$  keine topologische Gruppenstruktur definiert werden.